

1. $\vec{AC} = \vec{a}$ және $\vec{BD} = \vec{b}$ векторлары $ABCD$ параллелограмының диагоналары болсын. Онда $\vec{AB}, \vec{BC}, \vec{CD}, \vec{DA}$ векторларын \vec{a} және \vec{b} векторлары арқылы өрнектеңіз.

2. $\vec{AC} = \vec{a}$ және $\vec{BD} = \vec{b}$ векторлары $ABCD$ трапециясының диагоналары және трапецияның \vec{AD} табанының \vec{BC} табанына қатынасы λ -ға тең болса, $\vec{AB}, \vec{BC}, \vec{CD}, \vec{DA}$ векторларын \vec{a} және \vec{b} векторлары арқылы өрнектеңіз.

3*. \vec{AB} және \vec{CD} векторлары тең болу үшін, \vec{AD} және \vec{BC} векторларының орталарының беттесуі қажетті және жеткілікті болатынын дәлелдеңіз.

4. ABC үшбұрышының медианалары $\vec{AD}, \vec{BE}, \vec{CF}$ жүргізілген. $\vec{AD}, \vec{BE}, \vec{CF}$ векторларын \vec{AB} мен \vec{AC} векторларының сызықтық комбинациясы ретінде өрнектеңіз.

5. ABC үшбұрышының медианалары $\vec{AD}, \vec{BE}, \vec{CF}$ жүргізілген. $\vec{AD}, \vec{BE}, \vec{CF}$ векторларының қосындысын есептеңіз.

6. $ABCD$ төртбұрышының (жазықтықта немесе кеңістікте) \vec{AB} және \vec{CD} қабырғаларының орталары E және F нүктелері болсын. Онда

$$\vec{EF} = \frac{\vec{BC} + \vec{AD}}{2}$$

теңдігі орындалатынын дәлелдеңіз. Осыдан трапеция орта сызығы туралы теореманы қорытып шығарыңыз.

7. $ABCD$ төртбұрышының (жазықтықта немесе кеңістікте) \vec{AB} және \vec{CD} **диагоналарының** орталары E және F нүктелері болады. Онда

$$\vec{EF} = \frac{\vec{AB} + \vec{CD}}{2} = \frac{\vec{AD} + \vec{CB}}{2}$$

Теңдіктерінің орындалатынын дәлелдеңіз.

8. $ABCD$ параллелограмындағы \vec{BC} және \vec{CD} қабырғаларының орталары K мен L нүктелері болса, \vec{BC} мен \vec{CD} векторларын \vec{AK} және \vec{AL} векторлары арқылы өрнектеңіз.

9*. ABC үшбұрышы жатқан жазықтықта M нүктесінен төбелеріне жүргізілген векторлардың қосындысы нөлдік векторға тең болатындай M нүктесін табыңыз.

10*. $ABCD$ төртбұрышы берілсін. $\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC} + \vec{MD}$ қосындысы нөлдік векторға тең болатындай M нүктесін табыңыз.

11. $ABCD$ параллелограмының \vec{AD} қабырғасында $\vec{AK} = \frac{1}{5}\vec{AD}$ кесіндісі, ал \vec{AC} диагоналында $\vec{AL} = \frac{1}{6}\vec{AC}$ кесіндісі берілсін. \vec{KL} және \vec{LB} векторлары коллинеар болатынын дәлелдеп, $\frac{\vec{KL}}{\vec{LB}}$ қатынасын табыңыз.

19. $OABC$ тетраэдрі берілсін. E нүктесі \vec{OA} қабырғасының ортасы, ал F нүктесі \vec{BC} қабырғасының ортасы болатын \vec{EF} векторын $\vec{OA}, \vec{OB}, \vec{OC}$ векторлары арқылы өрнектеңіз.

20. $OABC$ тетраэдрі берілсін. E нүктесі \vec{OA} қабырғасының ортасы, ал F нүктесі ABC үшбұрышының медианаларының қиылысу нүктесі болатын \vec{EF} векторын $\vec{OA}, \vec{OB}, \vec{OC}$ векторлары арқылы өрнектеңіз.

21. ABC және $A'B'C'$ үшбұрыштарының медианаларының қиылысу нүктелерін қосатын $\vec{MM'}$ векторын $\vec{AA'}, \vec{BB'}, \vec{CC'}$ векторлары арқылы өрнектеңіз.

23. Дұрыс алтыбұрыш $ABCDEF$ берілсін. \vec{AB} және \vec{AC} векторларын базалық векторлар ретінде алып, осы базадағы $\vec{AB}, \vec{BC}, \vec{CD}, \vec{DE}, \vec{EF}, \vec{FA}$ векторларының координаттарын табыңыз.

24. $ABCD$ трапециясында \vec{BC} табанының \vec{AD} табанына қатынасы λ санына тең. \vec{AD} және \vec{AB} векторларын базалық векторлар ретінде алып, осы базадағы $\vec{AB}, \vec{BC}, \vec{CD}, \vec{DA}, \vec{AC}, \vec{BD}$ векторларының координаттарын табыңыз.

25. $ABCD A'B'C'D'$ параллелепипеді берілсін. $\vec{AB}, \vec{AD}, \vec{AA'}$ векторларын базалық $\vec{e}_1, \vec{e}_2, \vec{e}_3$ векторлары деп, A' төбесінен шыққан параллелепипед қабырғаларының, диагоналының және жақтарындағы диагоналардың координаттарын табыңыз.

26. $OABC$ тетраэдрі берілсін. $\vec{OA}, \vec{OB}, \vec{OC}$ векторларын базалық $\vec{e}_1, \vec{e}_2, \vec{e}_3$ векторлары деп, келесі векторлардың координаттарын табыңыз: 1) $\vec{AB}, \vec{BC}, \vec{CA}$; 2) \vec{OA} қабырғасының ортасы D нүктесімен \vec{BC} қабырғасының ортасы E нүктесін қосатын \vec{DE} векторының; 3) \vec{OA} қабырғасының ортасы D нүктесімен BOC жағының медианаларының қиылысу нүктесі F -пен қосатын \vec{DF} векторының; 4) A төбесімен \vec{BC} қабырғасының ортасы E нүктесімен қосатын \vec{AE} векторының; 5) O төбесімен ABC жағының медианаларының қиылысу нүктесі M -мен қосатын \vec{OM} векторының.

27. $\vec{a} = \{1, 5, 3\}$, $\vec{b} = \{6, -4, -2\}$, $\vec{c} = \{0, -5, 7\}$, $\vec{d} = \{-20, 27, -35\}$ векторлары берілсін. $\alpha\vec{a}, \beta\vec{b}, \gamma\vec{c}$ және \vec{d} векторлары тұйық сынық сызық құрайтындай (алдыңғы вектордың ұшы келесі вектордың басымен беттескен) α, β, γ сандарын табыңыз.

28. Келесі векторлар үштіктерді сызықтық тәуелділікке тексеріңі; мүмкін болса, \vec{c} векторын \vec{a} мен \vec{b} векторлары арқылы өрнектеңіз:

$$1) \vec{a} = \{5, 2, 1\}, \quad \vec{b} = \{-1, 4, 2\}, \quad \vec{c} = \{-1, -1, 6\};$$

$$2) \vec{a} = \{6, 4, 2\}, \quad \vec{b} = \{-9, 6, 3\}, \quad \vec{c} = \{-3, 6, 3\};$$

$$3) \vec{a} = \{6, -18, 12\}, \quad \vec{b} = \{-8, 24, -16\}, \quad \vec{c} = \{8, 7, 3\}.$$